

**Konkurs Matematyczny**  
**dla uczniów gimnazjów województwa lubuskiego**  
**2 marca 2011 r. – zawody III stopnia (województwie)**  
**Schemat punktowania zadań**

**Odpowiedzi do zadań 1 – 7**

nr zadania	1	2	3	4	5	6	7
odpowiedź	c	c	b	d	c	a	d

Za każdą prawidłową odpowiedź przyznajemy po 1 punkcie, brak odpowiedzi lub odpowiedź błędna to 0 punktów. **Razem: 7 punktów**

**Odpowiedzi do zadań 8 i 9**

nr zadania		tak	nie	liczba punktów
<b>8</b>	pole	X		1
	obwód		X	1
	promień okręgu opisanego	X		1
	promień okręgu wpisanego		X	1
<b>Razem: 4 punkty</b>				
<b>9</b>	pięciokątem	X		1
	prostokątem, który nie jest kwadratem	X		1
	odcinkiem	X		1
	trójkątem prostokątnym		X	1
<b>Razem: 4 punkty</b>				

**Schemat punktowania zadań 10 – 14**

Za każdy inny poprawny sposób rozwiązania zadania przyznajemy maksymalną liczbę punktów.

Jeśli uczeń zastosował błędną metodę, nie przyznajemy punktów za całe zadanie.

Uczeń, który uzyskał nie mniej niż 90% punktów możliwych do zdobycia (tj. 27 punktów), jest rekomendowany do przyznania mu tytułu laureata.

Nr zadania	Przykładowe rozwiązanie	Punktacja
<b>10</b>	<p>Oznaczmy:  <math>n</math> – liczba osób w pokoju na początku,  <math>x_1, x_2, x_3, \dots, x_n</math> – wiek każdej z tych osób.                      Możemy ułożyć następujący układ równań:</p> $\begin{cases} (x_1 + x_2 + \dots + x_n) : n = n \\ (x_1 + x_2 + \dots + x_n + 29) : (n + 1) = n + 1 \end{cases}$ <p>Po przekształceniach otrzymujemy: <math>n^2 + 29 = (n + 1)^2</math>,                      skąd <math>n = 14</math>.</p> <p>Odp.: Na początku w tym pokoju znajdowało się 14 osób.</p>	<p>1 – poprawna metoda (zastosowanie średniej arytmetycznej)                      1 – poprawne obliczenia                      1 – zapisanie odpowiedzi</p> <p style="text-align: right;"><b>Razem: 3 punkty</b></p>

<p><b>11</b></p>	$\frac{1}{x} = \frac{\sqrt{5}-2}{4}, \quad \frac{1}{y} = \frac{\sqrt{5}+1}{4}$ $\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = -\frac{3}{4}$ <p>Odp.: Różnica ta jest liczbą wymierną.</p>	<p>1 – obliczenie odwrotności liczby <math>x</math>  1 – obliczenie odwrotności liczby <math>y</math>  1 – obliczenie różnicy tych odwrotności i zapisanie odpowiedzi</p> <p style="text-align: right;"><b>Razem: 3 punkty</b></p>
<p><b>12</b></p>	<p>Najkrótsza droga mrówki <math>x</math> po prostokącie (o bokach <math>\pi b</math>, <math>a</math>) powstałym po rozcięciu i rozwinięciu puszki jest długością jego przekątnej. Korzystając z twierdzenia Pitagorasa, mamy zależność: <math>x^2 = (\pi b)^2 + a^2</math>, stąd:</p> $x = \sqrt{\pi^2 b^2 + a^2}$ <p>Odp.: Najkrótsza droga mrówki ma długość <math>\sqrt{\pi^2 b^2 + a^2}</math>.</p>	<p>1 – analiza zadania  1 – metoda wyznaczenia <u>najkrótszej drogi</u>  1 – zapisanie wyrażenia opisującego <u>najkrótszą drogę</u>  <i>*Uczeń, który wyznaczy drogę, ale nie będzie ona najkrótsza, otrzymuje max 1 pkt. za całe zadanie.</i></p> <p style="text-align: right;"><b>Razem: 3 punkty</b></p>
<p><b>13</b></p>	<p>Aby umieścić jedno jabłko w skrzynce sadownik musi pokonać podwójną drogę pomiędzy skrzynką i jabłkiem. Należy więc obliczyć sumę:</p> $2 \cdot (1 + 2 + 3 + \dots + 99 + 100) = 2 \cdot (1 + 100) + 2 \cdot (2 + 99) + \dots + 2 \cdot (50 + 51) = 2 \cdot 50 \cdot 101 = 10100 \text{ m} = 10,1 \text{ km.}$ <p>Odp.: Sadownik musiałby przejść odległość 10,1 km.</p>	<p>1 – analiza zadania  1 – ustalenie prawidłowości  1 – poprawne rachunki i wynik z jednostką</p> <p style="text-align: right;"><b>Razem: 3 punkty</b></p>
<p><b>14</b></p>	<p>Zanieczyszczeń jest <math>16 \cdot 10\% = 1,6 \text{ kg}</math>.  Masa zanieczyszczeń, które chcemy usunąć, wynosi <math>x</math>.  Układamy równanie: <math>\frac{1,6-x}{16-x} \cdot 100\% = 4\%</math>, skąd <math>x = 1</math>.</p> <p>Odp.: Należy usunąć 1 kg zanieczyszczeń.</p>	<p>1 – obliczenie masy zanieczyszczeń w 16 kg nasion  1 – metoda obliczenia masy zanieczyszczeń, które należy usunąć  1 – poprawne obliczenie masy zanieczyszczeń, które należy usunąć i zapisanie wyniku z jednostką</p> <p style="text-align: right;"><b>Razem: 3 punkty</b></p>